



PROCEDE ET DISPOSITIF DE FILTRAGE  
D'UN SIGNAL TEMPOREL NUMERIQUE,  
ET APPLICATION A LA CORRECTION D'ECHOS  
DANS UN CANAL DE TRANSMISSION.

5

L'invention concerne un procédé de filtrage numérique de signaux temporels tels que ceux reçus d'un canal de transmission ou d'un réseau de diffusion.

10 Elle concerne également un dispositif de filtrage numérique pour la mise en oeuvre du procédé.

L'invention trouve une application particulièrement intéressante pour réaliser la correction d'échos au  
15 niveau d'un récepteur relié à un système de transmission tel qu'un réseau de télévision.

D'une façon générale, un filtrage numérique concerne un signal temporel numérique, c'est-à-dire résultant d'un  
20 échantillonnage au rythme d'une certaine période d'échantillonnage T généralement imposée en fonction des besoins du traitement pour tenir compte par exemple d'une bande passante déterminée. Ainsi, par exemple, le signal vidéo conforme à la norme D2-MAC est  
25 échantillonné avec une période de 49,38 nanosecondes.

Le filtrage numérique d'un tel signal peut être effectué dans le domaine fréquentiel, c'est-à-dire à partir de la transformée de Fourier discrète du signal temporel  
30 numérique. Le filtrage est alors défini par une fonction de transfert également échantillonnée avec un certain pas d'échantillonnage en fréquence  $df$ . Cette fonction de transfert est donc la transformée de Fourier échantillonnée de la réponse impulsionnelle temporelle

- 2 -

du filtre à réaliser.

Mathématiquement, le filtrage consiste à calculer à chaque période d'échantillonnage  $T$  le produit de convolution du signal temporel et de la réponse impulsionnelle du filtre. Le résultat de la convolution donne directement le signal filtré dans le domaine temporel. Si le filtre est défini par sa fonction de transfert dans le domaine fréquentiel, la convolution se ramène au simple produit (dans l'espace complexe) de la transformée de Fourier discrète du signal temporel à filtrer par la fonction de transfert du filtre pour chacune des valeurs de la fréquence pour lesquelles la fonction de transfert est définie. Le résultat de ce produit complexe fournit alors la transformée de Fourier discrète du signal filtré. Une transformation de Fourier discrète inverse permet de revenir dans le domaine temporel.

Pour que le filtre soit pratiquement réalisable, le nombre d'échantillons dans les domaines temporel et fréquentiel est évidemment limité. Il en résulte des conditions et des limitations concernant les domaines de définition des grandeurs temporelles et fréquentielles.

Ainsi, conformément au théorème de SHANNON, l'échantillonnage temporel à la période  $T$  impose une limitation de la largeur de bande du signal pouvant être filtré. Cette première condition peut s'exprimer en disant que la fréquence d'échantillonnage  $1/T$  d'un signal temporel réel doit être supérieure au double de sa bande passante  $DF$ . De même, l'échantillonnage dans le domaine fréquentiel implique une seconde condition : le signal temporel à filtrer n'est pris en compte que pendant un intervalle de temps limité  $DT$  de largeur au

- 3 -

plus égale à l'inverse  $1/df$  du pas d'échantillonnage  $df$  dans le domaine fréquentiel. L'intervalle maximum  $1/df$  définit donc une fenêtre temporelle qui sera appelée par la suite "horizon temporel" du filtre.

5

La première des conditions précédentes sera respectée si on limite par filtrage la largeur de bande du signal temporel et/ou en choisissant une fréquence d'échantillonnage  $1/T$  suffisamment élevée. La deuxième condition sera aussi respectée si le signal temporel peut être représenté par un nombre limité d'échantillons traités par le filtre à chaque période d'échantillonnage.

15 Si on utilise la transformation de Fourier discrète déjà évoquée ci-dessus, un nombre limité  $N$  d'échantillons dans le domaine temporel sert à calculer un même nombre  $N$  d'échantillons dans le domaine fréquentiel. Les deux conditions précédentes peuvent être alors résumées par les relations suivantes :

- 20
- (1)  $T \leq 1/(2 DF)$
  - (2)  $df \leq 1/DT$
  - (3)  $N.df \geq 2 DF$
  - 25 (4)  $N.T \geq DT$

où :

30

- $T$  est la période d'échantillonnage temporel,
- $df$  est le pas d'échantillonnage fréquentiel,
- $N$  est le nombre d'échantillons servant pour la transformation de Fourier discrète,
- $DF$  est la bande passante du signal temporel,
- $DT$  est l'horizon temporel du filtre.

En théorie, une opération de filtrage d'un signal

- 4 -

temporel au moyen d'un filtre numérique H est résumée à la figure 1 qui montre les opérations effectuées dans les domaines temporel et fréquentiel ainsi que les correspondances d'un domaine à l'autre. La partie supérieure de la figure fait apparaître les divers paramètres temporels impliqués par le filtrage tandis que la partie inférieure montre les paramètres correspondants (par transformation de Fourier) dans le domaine fréquentiel.

10

Ainsi le signal temporel  $e(t)$  à filtrer (supposé continu) est échantillonné avec la période T et converti en grandeur numérique par le convertisseur A/N qui fournit le signal numérique échantillonné  $e(nT)$ , où n est le rang de l'échantillon correspondant  $e(n)$ . Le filtre H étant supposé défini par sa réponse impulsionnelle échantillonnée  $h(n)$ , l'opération de filtrage consiste à calculer le produit de convolution :

20

$$s(n) = h(n) * e(n).$$

Le résultat de ce produit de convolution fournit le signal de sortie temporel échantillonné  $s(nT)$  du filtre. Une conversion numérique-analogique N/A de ce signal permet d'obtenir un signal de sortie analogique temporel  $s(t)$ .

25

Le même filtrage est représenté dans le domaine fréquentiel dans la partie inférieure de la figure. Le signal d'entrée  $E(f)$  est le transformé du signal temporel  $e(t)$ . Ce signal est échantillonné avec un pas d'échantillonnage  $df$  et converti en grandeur numérique par le convertisseur A/N qui fournit le signal fréquentiel échantillonné  $E(k.df)$ . Le filtre H étant

30

10

20

- 6 -

algorithme du type "transformation de Fourier rapide" ou FFT ("Fast Fourier Transform"). Les produits  $S(k)$  des échantillons  $E(k)$  par  $H(k)$  définissent la transformée de Fourier discrète du signal temporel de sortie  $s(n)$  résultant du filtrage. Le signal temporel de sortie est obtenu par une transformation de Fourier discrète inverse  $TFD^{-1}$  opérant sur chaque bloc de  $N$  produits  $[S(k)]$ . Une conversion parallèle-série P-S au rythme de la période d'échantillonnage  $T$  fournit le signal temporel  $S(t)$  aux instants  $t = nT$ .

On constate que la complexité du filtre à réaliser est directement liée à la taille des opérateurs exécutant les transformations de Fourier discrètes directe et inverse, c'est-à-dire au nombre  $N$  d'échantillons traités par ces opérateurs. Par exemple, on peut démontrer que le nombre de multiplications nécessaires pour réaliser une transformée de Fourier rapide de taille  $N$  est égal à  $N \cdot \log_2(N)$ . Ainsi, on a donc tout intérêt à choisir un nombre  $N$  le plus petit possible qui soit compatible avec les conditions (1) et (4) définies précédemment. Il conviendra cependant que l'échantillonnage de la fonction de transfert  $H$  du filtre satisfasse aussi aux conditions (2) et (3).

Dans le cas où l'on dispose d'une fonction de transfert  $H$  définie dans le domaine fréquentiel avec une très grande précision, c'est-à-dire par un très grand nombre d'échantillons  $H(K)$  séparé par un pas d'échantillonnage fréquentiel  $df$  très faible, ces échantillons ne peuvent pas être utilisés directement car les conditions (1) à (4) ne sont généralement pas satisfaites. En d'autres termes, cela signifie que l'horizon temporel  $1/df$  du filtre défini par sa fonction de transfert  $H(K)$  est

supérieur à l'horizon temporel  $N.T$  qui serait suffisant pour filtrer le signal. Si l'on suppose par exemple que l'inverse  $1/df$  du pas d'échantillonnage  $df$  de la fonction de transfert  $H$  est un multiple  $L$  de l'horizon temporel  $NT$ , l'utilisation directe des échantillons  $H(K)$  nécessiterait normalement de prévoir des transformations de Fourier discrètes de taille  $LN$ , ce qui reviendrait à les surdimensionner inutilement.

10 Le problème est donc le suivant. On dispose d'une  
fonction de transfert  $H$  définie sur un nombre  $L.N$   
d'échantillons  $H(K)$  alors qu'il suffirait de filtrer le  
signal temporel  $e(n)$  sur  $N$  échantillons seulement.  
L'invention a pour but de rechercher un procédé de  
15 filtrage utilisant une fonction de transfert  $H_1$  définie  
sur  $N$  échantillons  $H_1(k)$  et pouvant représenter avec une  
précision suffisante la fonction de transfert  $H$ , définie  
sur  $L.N$  échantillons  $H(K)$ .

20 Dans ce but, l'invention propose un procédé de filtrage  
par une fonction de transfert d'un signal temporel  
numérique échantillonné avec une période  
d'échantillonnage T et représenté par sa transformée de  
Fourier discrète définie par blocs de N échantillons  
25 dans le domaine fréquentiel, ladite fonction de  
transfert étant échantillonnée dans le domaine  
fréquentiel et définie pour un nombre L.N  
d'échantillons, L étant un nombre entier supérieur ou  
égal à 2, caractérisé en ce que, préalablement au  
30 traitement du signal temporel, est calculée une fonction  
de transfert partielle définie dans le domaine  
fréquentiel par les étapes suivantes :

- définition d'une fonction dans le domaine



- 8 -

temporel, appelée fenêtre temporelle, de valeur non nulle à l'intérieur d'un intervalle de temps de durée égale à N fois la période d'échantillonnage T et prenant une valeur nulle ou tendant vers zéro à l'extérieur dudit intervalle,

- calcul du produit de convolution cyclique sur L.N échantillons de ladite fonction de transfert échantillonnée par la transformée de Fourier discrète de ladite fenêtre temporelle,

- sous-échantillonnage dudit produit de convolution dans le rapport L de façon à définir N échantillons de ladite fonction de transfert partielle,

et en ce que sont effectués en temps réel les produits respectivement desdits échantillons de ladite fonction de transfert partielle par les échantillons de même rang de ladite transformée de Fourier discrète dudit signal temporel.

On peut avantageusement définir la fenêtre temporelle par une fonction échantillonnée dans le domaine temporel et dans ce cas, selon un autre aspect de l'invention, le produit de convolution cyclique consiste à effectuer un calcul de la transformée de Fourier discrète inverse de ladite fonction de transfert échantillonnée, à effectuer les produits respectivement des échantillons de ladite transformée de Fourier discrète inverse par les échantillons de même rang de ladite fenêtre temporelle échantillonnée et à calculer la transformée de Fourier discrète desdits produits.

Selon un autre aspect de l'invention, la fenêtre

- 9 -

temporelle est choisie de sorte que son intégrale par rapport au temps soit égale à  $N$  fois la période d'échantillonnage  $T$ .

5 Le procédé qui vient d'être défini permet en fait d'ajuster l'horizon temporel du filtre à celui du signal temporel à filtrer lorsque la fonction de transfert  $H$  initiale du filtre est trop finement définie pour les besoins du filtrage. Il en résulte une optimisation de  
10 la taille et de la complexité des circuits de transformation de Fourier discrète (tels que FFT et FFT<sup>-1</sup>) qui doivent fonctionner en temps réel. Toujours dans le but de réduire la taille de ces circuits, ce problème est lié à un problème complémentaire pouvant  
15 être formulé de la façon suivante. On dispose d'une fonction de transfert sous la forme d'échantillons avec un pas d'échantillonnage fréquentiel  $df$  donné. Pour filtrer un signal temporel, on souhaite utiliser des transformations de Fourier discrètes de taille réduite  $N$   
20 alors que l'horizon temporel du signal normalement nécessaire au filtrage est supérieur à  $NT$  mais inférieur à  $1/df$ . On a vu précédemment comment réduire l'horizon temporel du filtre. Il reste maintenant à trouver une solution permettant d'augmenter l'horizon temporel sans  
25 augmenter la taille  $N$  des circuits de transformation de Fourier discrète.

L'invention a également pour objet un procédé de filtrage permettant de résoudre ce problème. Plus  
30 précisément, l'invention concerne un procédé de filtrage par une fonction de transfert d'un signal temporel numérique échantillonné avec une période d'échantillonnage  $T$  et représenté par sa transformée de Fourier discrète définie par blocs de  $N$  échantillons

- 10 -

dans le domaine fréquentiel, ladite fonction de transfert étant échantillonnée dans le domaine fréquentiel et définie pour un nombre L.N d'échantillons, L étant un nombre entier supérieur ou  
5 égal à 2, caractérisé en ce que, préalablement au traitement du signal temporel, sont calculées M fonctions de transfert partielles, définies dans le domaine fréquentiel par les étapes suivantes :

10 - définition de M intervalles de temps successifs ayant chacun une durée égale à N fois la période d'échantillonnage T,

15 - pour chacun desdits intervalles, définition dans le domaine temporel d'une fonction, appelée fenêtre temporelle, de valeur non nulle à l'intérieur de l'intervalle de temps associé et prenant une valeur nulle ou tendant vers zéro à l'extérieur dudit intervalle,

20 - calcul des produits de convolution cyclique sur L.N échantillons de ladite fonction de transfert échantillonnée par respectivement les transformées de Fourier discrètes desdites fenêtres temporelles,

25 - sous-échantillonnage desdits produits de convolution dans le rapport L de façon à définir N échantillons de chacune desdites fonctions de transfert partielles,

30 et en ce qu'est effectuée en temps réel la somme de signaux fréquents partiels organisés en M blocs de N échantillons et résultant respectivement des produits des échantillons desdites M fonctions de transfert

- 11 -

partielles par des échantillons de même rang de M blocs successifs de N échantillons de ladite transformée de Fourier discrète du signal temporel.

- 5 Selon une variante exploitant les propriétés de linéarité des transformées de Fourier, l'invention concerne également un procédé de filtrage par une fonction de transfert d'un signal temporel numérique échantillonné avec une période d'échantillonnage T et
- 10 représenté par sa transformée de Fourier discrète définie par blocs de N échantillons dans le domaine fréquentiel, ladite fonction de transfert étant échantillonnée dans le domaine fréquentiel et définie pour un nombre L.N d'échantillons, L étant un nombre
- 15 entier supérieur ou égal à 2, caractérisé en ce que, préalablement au traitement du signal temporel, sont calculées M fonctions de transfert partielles, définies dans le domaine fréquentiel par les étapes suivantes :
- 20 - définition de M intervalles de temps successifs ayant chacun une durée égale à N fois la période d'échantillonnage T,
- pour chacun desdits intervalles, définition dans
- 25 le domaine temporel d'une fonction, appelée fenêtre temporelle, de valeur non nulle à l'intérieur de l'intervalle de temps associé et prenant une valeur nulle ou tendant vers zéro à l'extérieur dudit intervalle,
- 30 - calcul des produits de convolution cyclique sur L.N échantillons de ladite fonction de transfert échantillonnée par respectivement les transformées de Fourier discrètes desdites fenêtres temporelles,

- 12 -

- sous-échantillonnage desdits produits de convolution dans le rapport L de façon à définir N échantillons de chacune desdites fonctions de transfert partielles

5

et en ce qu'est effectuée en temps réel la somme de signaux fréquentiels partiels organisés en M blocs de N échantillons et résultant respectivement de M produits successifs des échantillons desdites M fonctions de transfert partielles par les échantillons de même rang de N échantillons de ladite transformée de Fourier discrète du signal temporel.

10

L'invention permet donc de décomposer une fonction de transfert définie sur un nombre quelconque d'échantillons en un banc de filtres élémentaires définis chacun sur un nombre plus réduit d'échantillons. Il en résulte que la complexité globale des circuits nécessaires est inférieure à celle qui résulterait de l'utilisation directe des échantillons de la fonction de transfert initiale.

15

20

L'invention a également pour objet l'application du procédé de filtrage qui vient d'être défini pour la correction d'échos dans un canal de transmission. Dans ce cas, le filtrage porte sur un signal temporel numérique échantillonné présent au niveau d'un récepteur relié audit canal de transmission, ladite fonction de transfert étant déterminée à partir du calcul de l'inverse de la fonction de transfert dans le domaine fréquentiel dudit canal.

25

30

L'invention a également pour objet un filtre numérique pour la mise en oeuvre du procédé selon l'invention. Ce

- 13 -

filtre est caractérisé en ce qu'il comporte un  
calculateur numérique programmé pour calculer lesdits  
échantillons de ladite fonction de transfert partielle  
et muni d'une interface de sortie permettant de délivrer  
5 lesdits échantillons, et en ce que ledit filtre comporte  
des circuits câblés pour calculer ladite transformée de  
Fourier discrète du signal temporel ainsi que le produit  
desdits échantillons de ladite fonction de transfert  
partielle par les échantillons de même rang de ladite  
10 transformée de Fourier discrète du signal temporel.

Dans le cas d'une réalisation en banc de filtres, le  
filtre selon l'invention est caractérisé en ce qu'il  
comporte un calculateur numérique programmé pour  
15 calculer lesdits échantillons desdites fonctions de  
transfert partielles et muni d'une interface de sortie  
permettant de délivrer lesdits échantillons, et en ce  
que ledit filtre comporte des circuits câblés pour  
calculer ladite transformée de Fourier discrète du  
20 signal temporel ainsi que les produits desdits  
échantillons desdites fonctions de transfert partielles  
par les échantillons de même rang de ladite transformée  
de Fourier discrète du signal temporel.

25 D'autres aspects, détails de réalisation et avantages de  
l'invention apparaîtront dans la suite de la description  
en référence aux figures.

30 - Les figures 1 et 2 sont des schémas de principe en vue  
d'introduire les différents signaux utilisés ;

- la figure 3 est un schéma de principe du procédé selon  
l'invention ;

- 14 -

- la figure 4 représente les principaux éléments constitutifs du filtre selon l'invention ;
  - la figure 5 représente les éléments du banc de filtres  
5 selon l'invention pour définir des fonctions de transfert partielles ;
  - la figure 6 représente des diagrammes définissant les  
10 fenêtres temporelles utilisées dans le banc de filtres de la figure 5 ;
  - les figures 7 à 9 représentent plusieurs variantes de réalisation du banc de filtres selon l'invention ;
  - 15 - la figure 10 représente les signaux d'horloge servant à synchroniser le circuit représenté à la figure 9 ;
  - les figures 11 à 13 sont des schémas illustrant l'application du filtre selon l'invention pour la  
20 correction d'échos dans un canal de transmission.
- Pour faciliter la compréhension de la suite des explications, nous utiliserons par convention la notation suivante :
- 25
- L, M et N sont des entiers, avec  $M \leq L$  ;
  - les signaux ou fonctions de transfert (réponses impulsionnelles) sont en minuscules lorsqu'ils sont  
30 exprimés dans le domaine temporel et en majuscules dans le domaine fréquentiel ;
  - n ou m désignent le rang de l'échantillon courant d'un signal ou d'une réponse impulsionnelle dans le domaine

temporel, avec  $0 \leq n \leq N - 1$  et  $0 \leq m \leq LN - 1$  ;

- k ou K désignent le rang d'un échantillon courant d'un signal ou d'une réponse impulsionnelle dans le domaine fréquentiel, avec  $0 \leq k \leq N - 1$  et  $0 \leq K \leq LN - 1$  ;

- les références entre crochets désignent des blocs d'échantillons de taille N ou LN selon qu'ils renferment respectivement les symboles de rang n, k ou m, K.

10

Les figures 1 et 2 ont servi à montrer les différentes grandeurs susceptibles d'être impliquées dans un filtrage numérique classique. Dans ce cas, le nombre  $N$  d'échantillons  $H(k)$  définissant la fonction de transfert  $H$  du filtre est égal à celui des échantillons  $e(n)$  ou  $e(k)$  du signal temporel défini dans le domaine temporel ou fréquentiel. Pour se ramener à ce cas lorsque l'on dispose d'un nombre supérieur  $LN$  d'échantillons  $H(K)$  de la fonction de transfert  $H$  définie dans le domaine fréquentiel, on réalise conformément à l'invention un traitement de ces échantillons de façon à définir une nouvelle fonction de transfert  $H_1$  représentée par  $N$  échantillons  $H_1(k)$ . Cette transformation est illustrée à la figure 3.

25

Elle consiste tout d'abord à définir dans le domaine temporel une fenêtre temporelle  $g_1$  pouvant être représentée par une fonction prenant la valeur 1 (à un coefficient d'échelle près) à l'intérieur d'un intervalle de temps de durée égale à  $N$  fois la période d'échantillonnage  $T$ . On effectue alors le produit de convolution de la fonction de transfert échantillonnée  $[H(K)]$  par la transformée de Fourier discrète  $[G_1(K)]$  de cette fenêtre temporelle  $g_1$  de façon à obtenir  $LN$



- 16 -

échantillons  $[H_1(K)]$ . On effectue ensuite un sous-échantillonnage de  $[H_1(K)]$  dans le rapport  $L$  de façon à obtenir la fonction de transfert désirée  $H_1$  définie sur  $N$  échantillons  $H_1(k)$ . En appliquant ces  
5 échantillons  $[H_1(k)]$  à l'entrée  $[H(k)]$  du filtre représenté à la figure 2, on obtient le filtrage désiré du signal temporel  $e(t)$  défini sur l'horizon temporel  $NT$ .

10 La figure 4 est un schéma d'ensemble d'une variante du filtre mettant en oeuvre le procédé précédent. Le filtre comporte un circuit 1 pour calculer en temps réel la transformée de Fourier discrète définie par blocs  $[E(k)]$  de  $N$  échantillons du signal temporel  $e(t)$  à filtrer. Le  
15 circuit 1 comporte un convertisseur analogique-numérique A/N recevant le signal temporel continu  $e(t)$  et séquencé par un signal d'horloge  $CK_0$  de période  $T$ . Le convertisseur A/N fournit à chaque période  $T$  le signal échantillonné  $e(n)$  appliqué à l'entrée d'un  
20 convertisseur série-parallèle S-P synchronisé par un signal d'horloge  $CK$  de période  $NT$  de façon à fournir des blocs de  $N$  échantillons  $[e(n)]$ . En traitant ce bloc par un circuit de transformation de Fourier discrète FFT- $N$  de dimension  $N$ , on obtient la transformée de Fourier  
25 discrète  $[E(k)]$ . Bien entendu, le circuit 1 serait superflu si l'on disposait par d'autres moyens des échantillons  $E(k)$ .

La figure 4 montre également une façon particulière de  
30 réaliser la convolution de la fonction de transfert initiale  $[H(K)]$  par la fenêtre temporelle  $g_1$  définie précédemment. Selon cette réalisation, la fenêtre temporelle  $g_1$  est sous la forme d'une fonction échantillonnée  $g_1(m)$  définie sur  $LN$  échantillons dans le

- 17 -

domaine temporel. On calcule alors par une transformée de Fourier inverse la réponse impulsionnelle  $[h(m)]$  de  $[H(K)]$ . On peut utiliser par exemple un opérateur du type "transformée de Fourier rapide inverse" FFT-1-LN de dimension LN. Cette transformation fournit LN échantillons  $[h(m)]$  qui sont multipliés par les échantillons de même rang de la fenêtre temporelle échantillonnée  $[g_1(m)]$ . Une transformation de Fourier FFT-LN de ces produits  $[h_1(m)]$  fournit LN échantillons  $[H_1(K)]$ . Comme précédemment, ces échantillons sont sous-échantillonnés dans un rapport L de façon à fournir N échantillons  $[H_1(k)]$ .

Le circuit comporte des multiplieurs pour effectuer en parallèle et en temps réel les produits des échantillons  $H_1(k)$  par les échantillons de même rang k de la transformée de Fourier discrète  $E(k)$  du signal temporel. Ces produits fournissent les échantillons  $[S_1(k)]$  qui constituent la transformée de Fourier discrète du signal de sortie du filtre. A partir des échantillons  $[S_1(k)]$ , on peut obtenir le signal de sortie échantillonné dans le domaine temporel  $s(n)$  au moyen d'une transformation de Fourier discrète inverse FFT-1-N.

La figure 5 représente une généralisation du filtre précédent sous la forme d'un banc de filtres réalisant une décomposition de la fonction de transfert initiale  $H(K)$  en M fonctions de transfert partielles  $H_1, \dots, H_M$ , ... définies chacune sur N échantillons, avec  $M \leq L$ . On définit pour cela M fenêtres temporelles  $g_1, g_2, \dots, g_M$  telles que représentées sur le diagramme de la figure 6. Chacune de ces fenêtres correspond à un horizon temporel de largeur NT et la juxtaposition de M fenêtres adjacentes permet donc de définir un horizon temporel de

- 18 -

largeur M.NT. Il est à noter que les fenêtres temporelles ne sont pas nécessairement des fenêtres rectangulaires mais peuvent avoir l'allure représentée en pointillés sur le diagramme de façon à déborder de part et d'autre de la fenêtre rectangulaire de référence tout en conservant la même surface. Cette disposition permet en particulier d'éviter des difficultés lors de la reconstitution du signal de sortie à partir des signaux de sortie partiels obtenus par le filtrage du signal temporel d'entrée par les fonctions de transfert partielles  $H_1, H_2, \dots, H_M$ .

Pour chacun des étages du banc de filtres, on effectue les opérations qui ont été décrites en référence aux figures 3 et 4. Ainsi, selon une première possibilité, on calcule pour chaque étage le produit de convolution cyclique de la fonction de transfert  $H(K)$  par la transformée de Fourier discrète  $G_1(K), \dots, G_4(K), \dots$  de la fenêtre temporelle  $g_1, \dots, g_4, \dots$  de l'étage considéré. Selon une autre possibilité, le produit de convolution est obtenu par le calcul de la transformée de Fourier discrète inverse  $h(m)$  de la fonction de transfert  $H(K)$  suivi du calcul des produits  $h_1(m), \dots, h_4(m), \dots$  respectivement des échantillons  $h(m)$  par les échantillons de même rang de chaque fenêtre temporelle échantillonnée  $g_1(m), \dots, g_4(m), \dots$  définie dans le domaine temporel. Un calcul de la transformée de Fourier discrète de ces produits  $h_1(m), \dots, h_4(m), \dots$  fournit les blocs d'échantillons  $[H_1(K)], \dots, [H_4(K)], \dots$ .

Comme précédemment, les échantillons  $H_1(K), \dots, H_4(K), \dots$  subissent un sous-échantillonnage de rapport  $L$  pour fournir les fonctions de transfert partielles  $H_1(k), \dots, H_4(k), \dots$  recherchées.

- 19 -

Les fonctions de transfert partielles  $H_1, \dots, H_4, \dots$  peuvent être utilisées pour reconstituer un signal de sortie défini par blocs de  $N$  échantillons seulement mais prenant en compte un horizon temporel supérieur à  $NT$ . La  
5 façon de réaliser cette recombinaison par une cellule de filtrage va maintenant être décrite en référence aux figures 7 à 10.

Selon une première possibilité représentée à la figure  
10 7, la cellule de filtrage 2 constitue  $M$  blocs successifs de  $N$  échantillons de la transformée de Fourier discrète  $[E(k)]$  au moyen de circuits à retard montés par exemple en registre décalage. Ces circuits à retard fournissent en sortie des blocs décalés les uns par rapport aux  
15 autres d'un intervalle de temps égal à  $NT$ .  $M$  multiplieurs effectuent les produits des échantillons des fonctions de transfert partielles  $[H_1(k)], \dots, [H_4(k)], \dots$  par les échantillons de même rang des blocs successifs issus des circuits à retard. Les multiplieurs  
20 fournissent en sortie  $M$  blocs de signaux fréquentiels partiels de  $N$  échantillons  $[S_1(k)], [S_4(k)], \dots$  qui sont ensuite sommés en parallèle dans un additionneur dont la sortie fournit  $N$  échantillons de la transformée de Fourier discrète  $S(k)$  du signal de sortie du filtre.

25 Il est important de noter que si l'on prend  $M = L$ , on réalise un filtrage sur un horizon temporel du signal d'entrée égal à l'horizon temporel de la fonction de transfert initiale  $H(K)$ .

30 La figure 8 représente une seconde variante de réalisation de la cellule de filtrage 2, fonctionnellement équivalente à celle de la figure 7. Ces deux réalisations se distinguent l'une de l'autre

- 20 -

par le fait que les produits et les retards sont permutés.

Selon une autre variante représentée à la figure 9 et  
5 correspondant à titre d'exemple à un banc de filtres à quatre étages, les opérations de retard et de sommation sont alternées de façon à remplacer la sommation de M blocs d'échantillons par une succession de sommations de deux blocs seulement. Ceci présente l'avantage de  
10 simplifier la réalisation des sommateurs et par conséquent de réduire le temps de calcul.

Le fonctionnement du circuit de la figure 9 se déduit immédiatement du schéma et du chronogramme de la figure  
15 10 qui montre le signal d'horloge d'échantillonnage CK0 et le signal d'horloge de blocs CK utilisé pour synchroniser le circuit.

Pour illustrer une application particulièrement  
20 intéressante du procédé de filtrage selon l'invention, la figure 11 représente un schéma général d'un exemple de système de transmission de données, tel qu'un système de transmission d'images de télévision.

25 De façon classique, le système est constitué d'un émetteur 3, d'un réseau de transmission 4 et d'un récepteur 5. Le récepteur 5 est constitué du montage en cascade d'un démodulateur 6, d'un filtre passe-bas 7, d'un convertisseur analogique-numérique 8 associé à un  
30 égaliseur 9 et éventuellement d'un filtre H de correction d'échos avantageusement réalisé conformément à l'invention. L'égaliseur 9 est prévu à la fois pour la récupération du signal d'horloge du signal reçu et pour réaliser une suppression des échos dits "courts" qui

- 21 -

sont inévitablement produits dans l'ensemble du canal de transmission Q. La suppression des échos courts par l'égaliseur 9 a cependant pour contrepartie la création d'échos dits "longs" qui bien que très atténués nuisent à la qualité de l'image. C'est la raison pour laquelle il est utile de prévoir le filtre supplémentaire H destiné à supprimer ces échos longs. Cependant le traitement des échos longs suppose par définition que le filtre H devra prendre en compte un horizon temporel important du signal à filtrer. C'est pourquoi le procédé et le filtre selon l'invention sont particulièrement bien adaptés pour résoudre ce problème sans nécessité de prévoir des filtres volumineux.

La figure 12 représente une réalisation d'ensemble du filtre H utilisable notamment pour la correction d'échos longs. Il est essentiellement composé d'une cellule de filtrage 2 conforme à l'invention relié d'une part à un calculateur 10 et au signal d'entrée  $[e(n)]$  par l'intermédiaire d'un circuit de transformation de Fourier rapide FFT-N. Le calculateur 10 reçoit le signal d'entrée en vue de calculer la fonction de transfert Q du canal à partir d'un signal de modulation transmis par l'émetteur 3. Le signal de modulation permet au calculateur de calculer avec une bonne précision la fonction de transfert échantillonnée dans le domaine fréquentiel du canal Q. Le calculateur peut alors calculer l'inverse de cette fonction Q pour obtenir la fonction de transfert du filtre H après une correction éventuelle en vue d'assurer la stabilité du filtre. Avantagusement, le calculateur 10 pourra mettre en oeuvre un algorithme d'adaptation permettant d'ajuster régulièrement les coefficients de la fonction de transfert calculée. On utilisera par exemple la ligne

- 22 -

624 du signal D2-MAC pour transmettre le signal de wobulation.

Enfin, le calculateur sera programmé pour calculer les coefficients des fonctions de transfert partielles  $H_1$ , ...,  $H_4$ , ... conformément au procédé selon l'invention. Bien entendu, on pourra utiliser le même calculateur avec une cellule 2 réduite à un multiplieur si une seule fonction de transfert  $H_1$  suffit. Dans le cas contraire, il faudra prévoir  $M$  fonctions de transfert partielles et une cellule 2 prévue en conséquence de sorte que le produit  $M.N.T.$  soit au moins égal à la longueur de l'écho à corriger.

A titre d'exemple de réalisation, la figure 13 montre les principaux éléments constitutifs du calculateur 10. Le calculateur est organisé autour d'un bus B sur lequel sont connectés un processeur 11, une mémoire de programme 12, une première mémoire 13 pour contenir les échantillons  $WOB(n)$  du signal de wobulation et une seconde mémoire 14 prévue pour contenir les coefficients calculés du filtre H ainsi que ceux des fonctions de transfert partielles  $H_i$ . Une interface d'entrée IE et une interface de sortie IS permettent au bus B de communiquer avec respectivement le signal d'entrée  $[e(n)]$  et les multiplieurs de la cellule de filtrage 2.

Le calculateur qui vient d'être décrit étant de type classique, sa constitution détaillée et son fonctionnement ne nécessitent pas d'explications supplémentaires compte tenu des indications déjà données précédemment.

Cette réalisation mixte qui combine un calculateur

- 23 -

programmé 10 pour le calcul des coefficients et des circuits cablés pour le traitement en temps réel du signal vise à optimiser les coûts de réalisation tout en satisfaisant aux critères de performance.

5

10

15

20

25

30



## REVENDICATIONS

1. Procédé de filtrage par une fonction de transfert (H) d'un signal temporel numérique ( $[e(n)]$ ) échantillonné  
5 avec une période d'échantillonnage T et représenté par sa transformée de Fourier discrète ( $[E(k)]$ ) définie par blocs de N échantillons dans le domaine fréquentiel, ladite fonction de transfert (H) étant échantillonnée ( $[H(K)]$ ) dans le domaine fréquentiel et définie pour un  
10 nombre L.N d'échantillons, L étant un nombre entier supérieur ou égal à 2, caractérisé en ce que, préalablement au traitement du signal temporel ( $[e(n)]$ ), est calculée une fonction de transfert partielle ( $[H1(k)]$ ) définie dans le domaine fréquentiel par les  
15 étapes suivantes :

- définition d'une fonction dans le domaine temporel, appelée fenêtre temporelle ( $g1$ ), de valeur non nulle à l'intérieur d'un intervalle de  
20 temps de durée égale à N fois la période d'échantillonnage T et prenant une valeur nulle ou tendant vers zéro à l'extérieur dudit intervalle,

- calcul du produit de convolution cyclique  
25 ( $[H1(K)]$ ) sur L.N échantillons de ladite fonction de transfert échantillonnée ( $[H(K)]$ ) par la transformée de Fourier discrète ( $[G1(K)]$ ) de ladite fenêtre temporelle ( $g1$ ),

30 - sous-échantillonnage dudit produit de convolution ( $[H1(K)]$ ) dans le rapport L de façon à définir N échantillons de ladite fonction de transfert partielle ( $[H1(k)]$ ),

- 25 -

et en ce que sont effectués en temps réel les produits  
([S1(k)]) respectivement desdits échantillons de ladite  
fonction de transfert partielle ([H1(k)]) par les  
échantillons de même rang de ladite transformée de  
5 Fourier discrète ([E(k)]) dudit signal temporel  
([e(n)]).

2. Procédé de filtrage selon la revendication 1,  
caractérisé en ce que ladite fenêtre temporelle (g1)  
10 étant une fonction échantillonnée, ledit produit de  
convolution cyclique ([H1(k)]) consiste à effectuer un  
calcul de la transformée de Fourier discrète inverse  
([h(m)]) de ladite fonction de transfert échantillonnée  
([H(K)]), à effectuer les produits ([h1(m)])  
15 respectivement des échantillons de ladite transformée de  
Fourier discrète inverse ([h(m)]) par les échantillons  
de même rang de ladite fenêtre temporelle échantillonnée  
(g1) et à calculer la transformée de Fourier discrète  
([H1(K)]) desdits produits ([h1(m)]).

20 3. Procédé de filtrage selon l'une des revendications 1  
ou 2 caractérisé en ce que ladite fenêtre temporelle  
(g1) est choisie de sorte que son intégrale par rapport  
au temps soit égale à N fois la période  
25 d'échantillonnage T.

4. Procédé de filtrage par une fonction de transfert (H)  
d'un signal temporel numérique ([e(n)]) échantillonné  
avec une période d'échantillonnage T et représenté par  
30 sa transformée de Fourier discrète ([E(k)]) définie par  
blocs de N échantillons dans le domaine fréquentiel,  
ladite fonction de transfert (H) étant échantillonnée  
([H(K)]) dans le domaine fréquentiel et définie pour un  
nombre L.N d'échantillons, L étant un nombre entier

- 26 -

supérieur ou égal à 2, caractérisé en ce que, préalablement au traitement du signal temporel  $[e(n)]$ , sont calculées M fonctions de transfert partielles  $[H1(k)]$ , ...,  $[H4(k)]$  définies dans le domaine fréquentiel par les étapes suivantes :

- 5 - définition de M intervalles de temps successifs ayant chacun une durée égale à N fois la période d'échantillonnage T,
- 10 - pour chacun desdits intervalles, définition dans le domaine temporel d'une fonction, appelée fenêtre temporelle  $(g1, \dots, g4)$ , de valeur non nulle à l'intérieur de l'intervalle de temps associé et
- 15 prenant une valeur nulle ou tendant vers zéro à l'extérieur dudit intervalle,
- 20 - calcul des produits de convolution cyclique  $[H1(K), \dots, H4(K)]$  sur L.N échantillons de ladite fonction de transfert échantillonnée  $[H(K)]$  par respectivement les transformées de Fourier discrètes  $[G1(K), \dots, G4(K)]$  desdites fenêtres temporelles  $(g1, \dots, g4)$ ,
- 25 - sous-échantillonnage desdits produits de convolution  $[H1(K), \dots, H4(K)]$  dans le rapport L de façon à définir  $(g1, \dots, g4)$  N échantillons de chacune desdites fonctions de transfert partielles  $[H1(k), \dots, H4(k)]$
- 30 et en ce qu'est effectuée en temps réel la somme de signaux fréquentiels partiels organisés en M blocs de N échantillons  $[S1(k), \dots, S4(k)]$  et résultant respectivement des produits des échantillons desdites M

- 27 -

fonctions de transfert partielles  $([H_1(k), \dots, H_4(k)])$  par des échantillons de même rang de  $M$  blocs successifs de  $N$  échantillons de ladite transformée de Fourier discrète  $([E(k)])$  du signal temporel  $([e(n)])$ .

5

5. Procédé de filtrage par une fonction de transfert  $(H)$  d'un signal temporel numérique  $([e(n)])$  échantillonné avec une période d'échantillonnage  $T$  et représenté par sa transformée de Fourier discrète  $([E(k)])$  définie par  
10 blocs de  $N$  échantillons dans le domaine fréquentiel, ladite fonction de transfert  $(H)$  étant échantillonnée  $([H(K)])$  dans le domaine fréquentiel et définie pour un nombre  $L.N$  d'échantillons,  $L$  étant un nombre entier supérieur ou égal à 2, caractérisé en ce que,  
15 préalablement au traitement du signal temporel  $([e(n)])$ , sont calculées  $M$  fonctions de transfert partielles  $([H_1(k)], \dots, [H_4(k)])$  définies dans le domaine fréquentiel par les étapes suivantes :

20 - définition de  $M$  intervalles de temps successifs ayant chacun une durée égale à  $N$  fois la période d'échantillonnage  $T$ ,

- pour chacun desdits intervalles, définition dans  
25 le domaine temporel d'une fonction, appelée fenêtre temporelle  $(g_1, \dots, g_4)$ , de valeur non nulle à l'intérieur de l'intervalle de temps associé et prenant une valeur nulle ou tendant vers zéro à l'extérieur dudit intervalle,

30

- calcul des produits de convolution cyclique  $([H_1(K), \dots, H_4(K)])$  sur  $L.N$  échantillons de ladite fonction de transfert échantillonnée  $([H(K)])$  par respectivement les transformées de

- 28 -

Fourier discrètes ( $[G1(K), \dots, G4(K)]$ ) desdites  
fenêtres temporelles ( $g1, \dots, g4$ ),

5        - sous-échantillonnage desdits produits de  
convolution ( $[H1(K), \dots, H4(K)]$ ) dans le rapport L  
de façon à définir ( $g1, \dots, g4$ ) N échantillons de  
chacune desdites fonctions de transfert partielles  
( $[H1(k), \dots, H4(k)]$ )

10      et en ce qu'est effectuée en temps réel la somme de  
signaux fréquentiels partiels organisés en M blocs de N  
échantillons ( $[S1(k), \dots, S4(k)]$ ) et résultant  
respectivement de M produits successifs des échantillons  
desdites M fonctions de transfert partielles  
15      ( $[H1(k), \dots, H4(k)]$ ) par les échantillons de même rang  
de N échantillons de ladite transformée de Fourier  
discrète ( $[E(k)]$ ) du signal temporel ( $[e(n)]$ ).

20      6. Procédé de filtrage selon l'une des revendications 4  
ou 5, caractérisé en ce que lesdites fenêtres  
temporelles ( $g1, \dots, g4$ ) étant des fonctions  
échantillonnées, chacun desdits produits de convolution  
cyclique ( $[H1(k)]$ ) consiste à effectuer un calcul de la  
transformée de Fourier discrète inverse ( $[h(m)]$ ) de  
25      ladite fonction de transfert échantillonnée ( $[H(K)]$ ), à  
effectuer les produits ( $[h1(m)]$ ) respectivement des  
échantillons de ladite transformée de Fourier discrète  
inverse ( $[h(m)]$ ) par les échantillons de même rang de  
chacune desdites fenêtres temporelles échantillonnées  
30      ( $g1$ ) et à calculer la transformée de Fourier discrète  
( $[H1(K)]$ ) desdits produits ( $[h1(m)]$ ).

7. Procédé de filtrage selon l'une des revendications 4  
à 6, caractérisé en ce que chacune desdites fenêtres

- 29 -

temporelles est choisie de façon à ce que son intégrale par rapport au temps soit égale à  $N$  fois la période d'échantillonnage  $T$  et de sorte que la somme de deux fenêtres adjacentes soit égale à l'unité.

5

8. Application du procédé de filtrage selon l'une des revendications 1 à 7 pour la correction d'échos dans un canal de transmission, caractérisée en ce que le filtrage porte sur un signal temporel numérique échantillonné présent au niveau d'un récepteur relié audit canal de transmission, ladite fonction de transfert ( $H$ ) étant déterminée à partir du calcul de l'inverse de la fonction de transfert ( $Q$ ) dans le domaine fréquentiel dudit canal.

15

9. Application du procédé de filtrage selon la revendication 8, caractérisée en ce que ladite fonction de transfert du canal est déterminée au moyen d'un signal de wobulation produit par un émetteur relié à l'autre extrémité dudit canal.

20

10. Application du procédé de filtrage selon l'une des revendications 4 à 7 pour la correction d'échos dans un canal de transmission, caractérisée en ce que ledit signal temporel numérique ( $[e(n)]$ ) est un signal présent au niveau d'un récepteur relié à une extrémité dudit canal, en ce que ladite fonction de transfert ( $H$ ) est l'inverse de la fonction de transfert ( $Q$ ) dudit canal, en ce que lesdits  $M$  intervalles de temps sont adjacents et en ce que les nombres  $M$  et  $N$  sont choisis de façon à ce que le produit  $M.N.T$  soit au moins égal à la longueur de l'écho à corriger.

25

30

11. Filtre numérique pour la mise en oeuvre du procédé

- 30 -

de filtrage selon l'une des revendications 1 à 3, caractérisé en ce qu'il comporte un calculateur numérique programmé pour calculer lesdits échantillons de ladite fonction de transfert partielle ( $[H_1(k)]$ ) et  
5 muni d'une interface de sortie permettant de délivrer lesdits échantillons, et en ce que ledit filtre comporte des circuits câblés pour calculer ladite transformée de Fourier discrète ( $[E(k)]$ ) du signal temporel ( $[e(n)]$ ) ainsi que le produit desdits échantillons de ladite  
10 fonction de transfert partielle ( $[H_1(k)]$ ) par les échantillons de même rang de ladite transformée de Fourier discrète ( $[E(k)]$ ) du signal temporel ( $[e(n)]$ ).

12. Filtre numérique pour la mise en oeuvre du procédé  
15 de filtrage selon l'une des revendications 4 à 7, caractérisé en ce qu'il comporte un calculateur numérique programmé pour calculer lesdits échantillons desdites fonctions de transfert partielles ( $[H_1(k)]$ ) et muni d'une interface de sortie permettant de délivrer  
20 lesdits échantillons, et en ce que ledit filtre comporte des circuits câblés pour calculer ladite transformée de Fourier discrète ( $[E(k)]$ ) du signal temporel ( $[e(n)]$ ) ainsi que les produits desdits échantillons desdites fonctions de transfert partielles ( $[H_1(k)]$ ) par les  
25 échantillons de même rang de ladite transformée de Fourier discrète ( $[E(k)]$ ) du signal temporel ( $[e(n)]$ ).

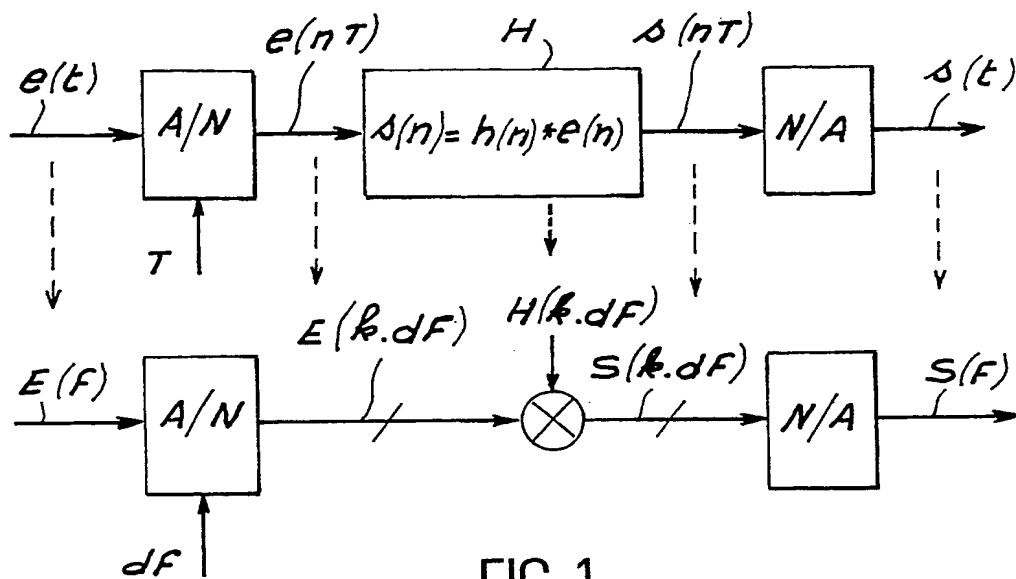


FIG. 1

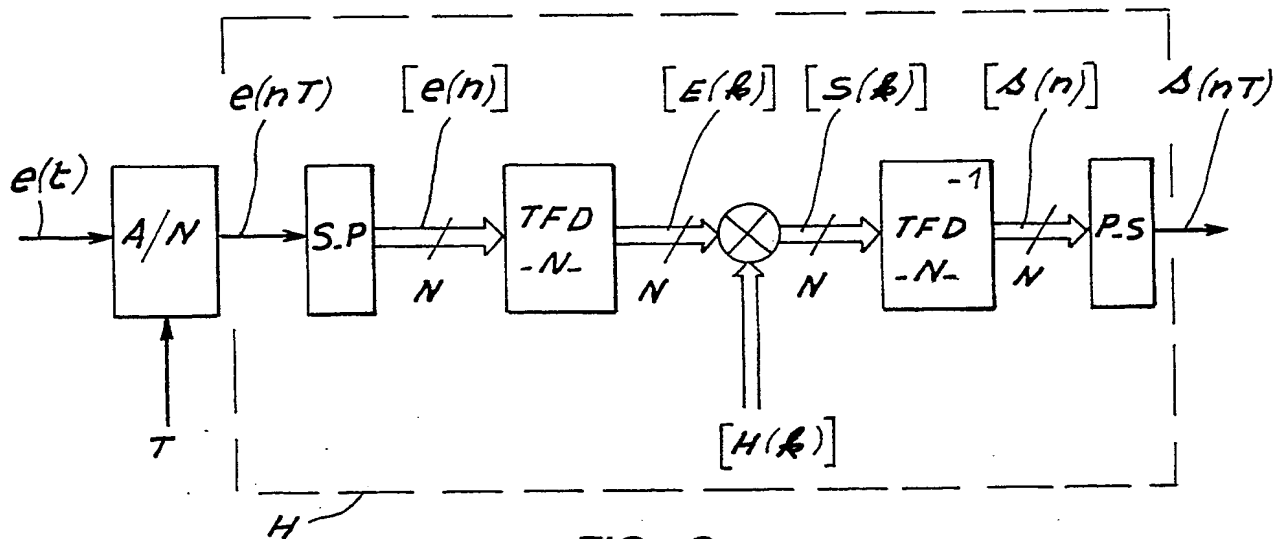


FIG. 2

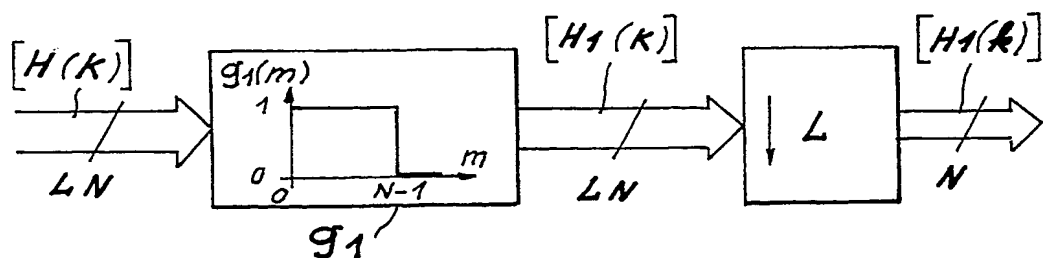
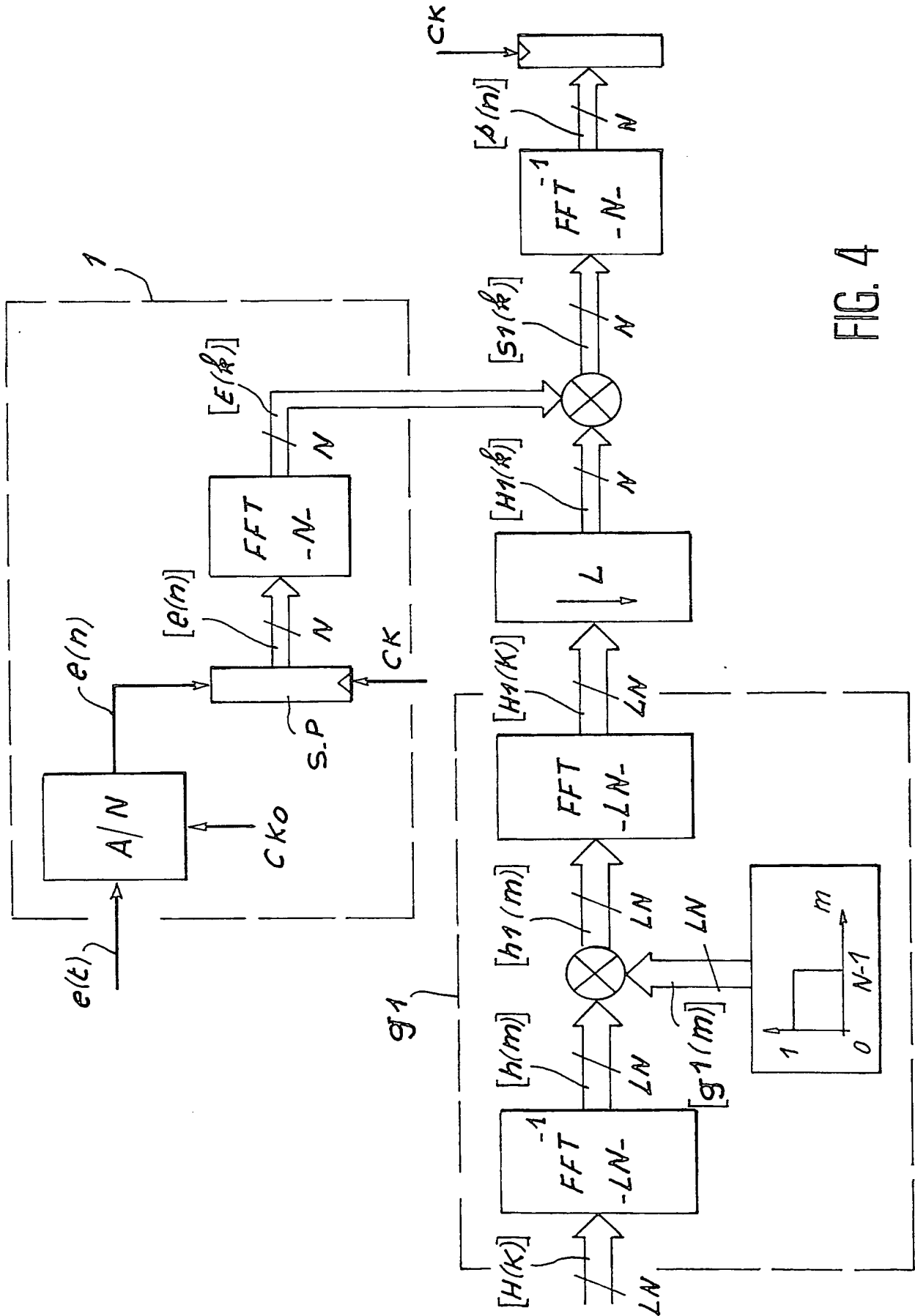


FIG. 3





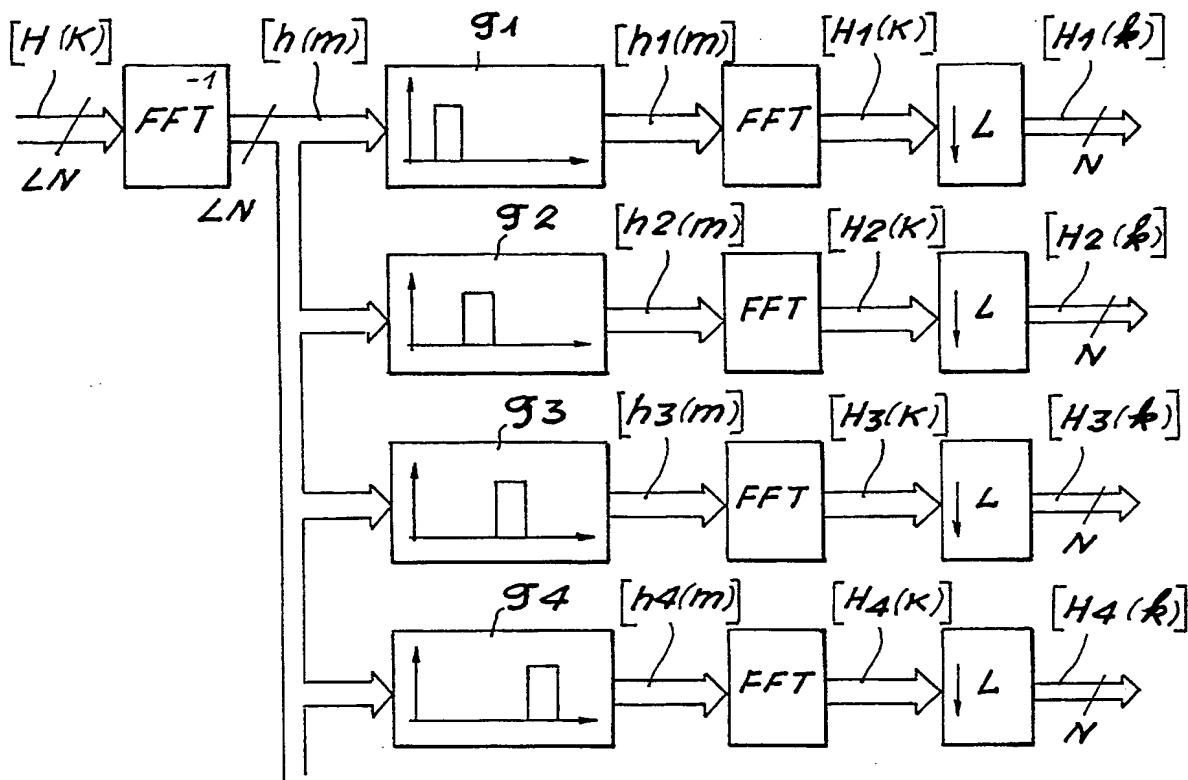


FIG. 5

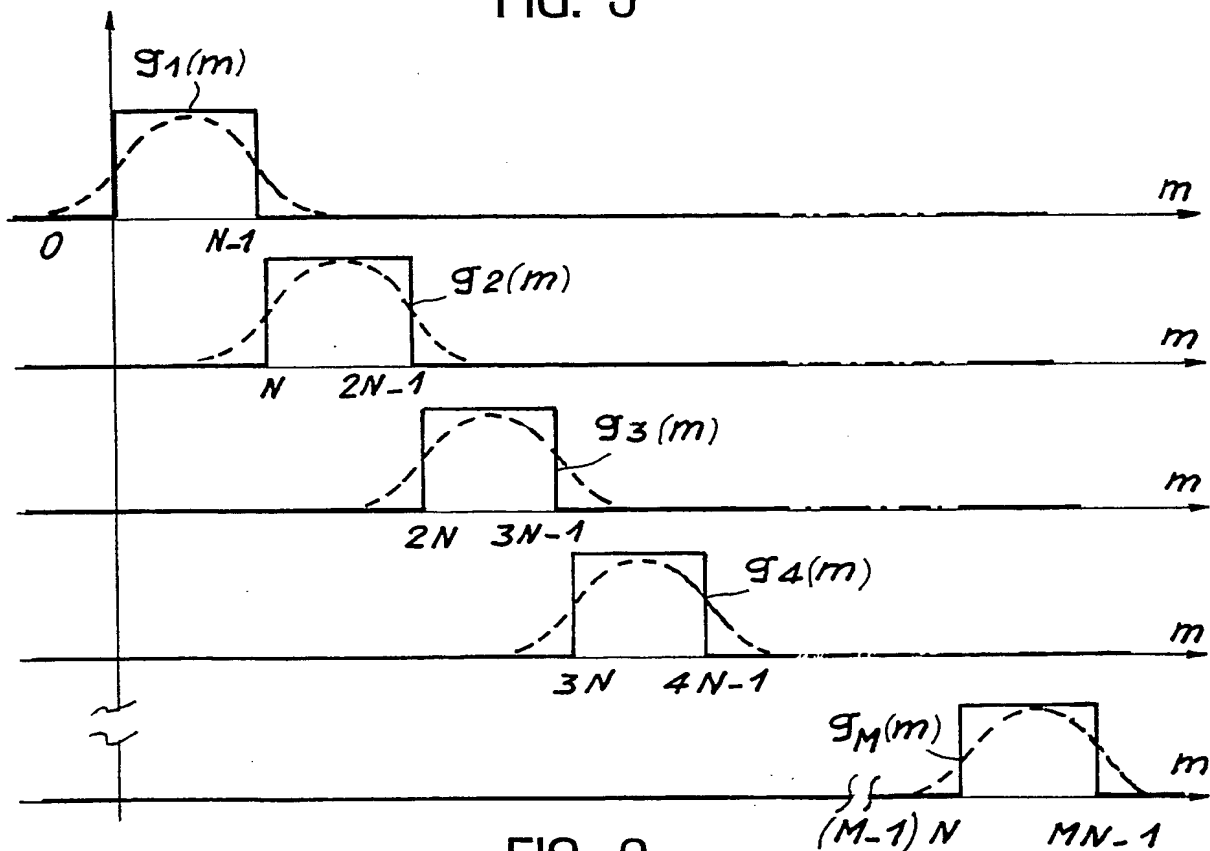


FIG. 6

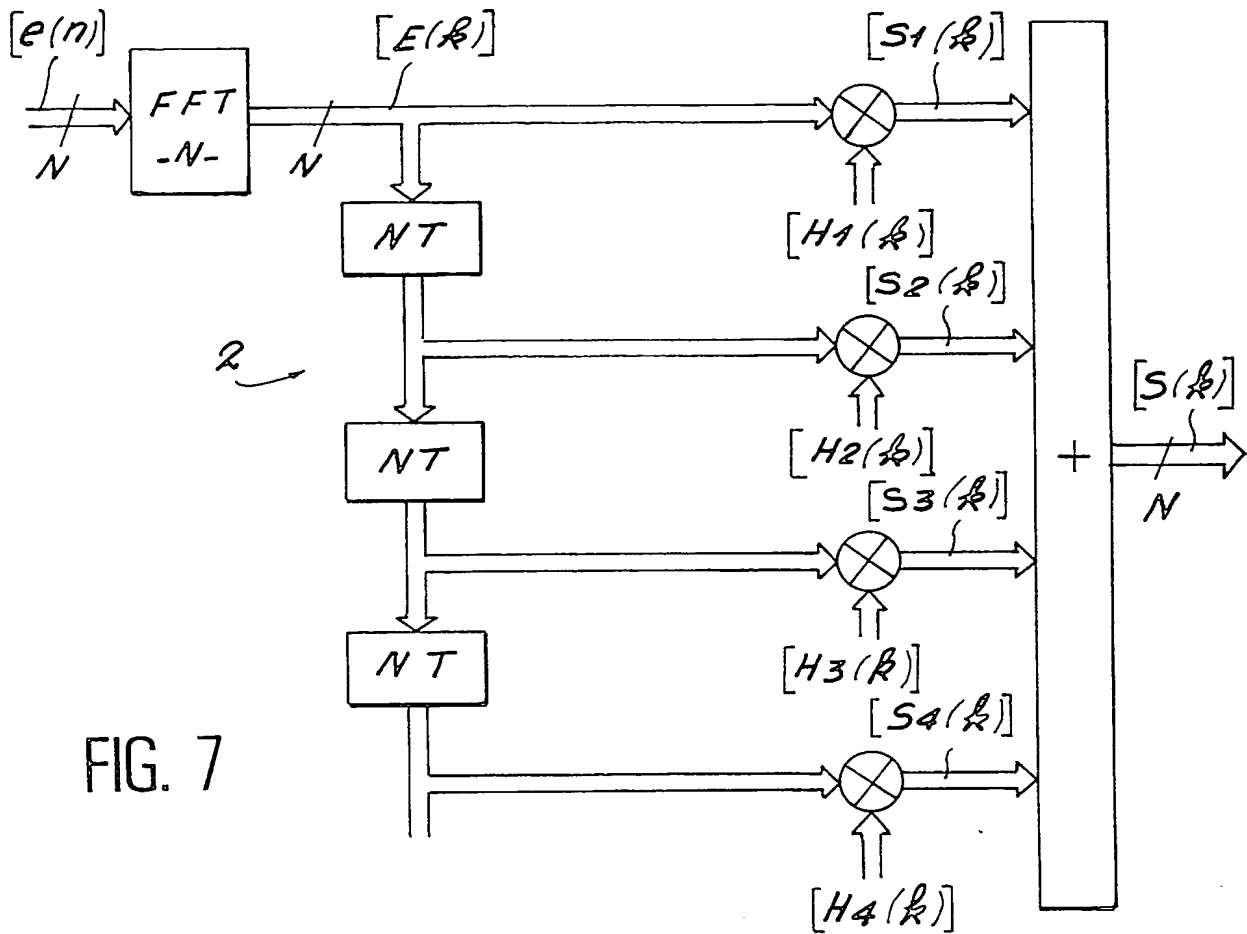


FIG. 7

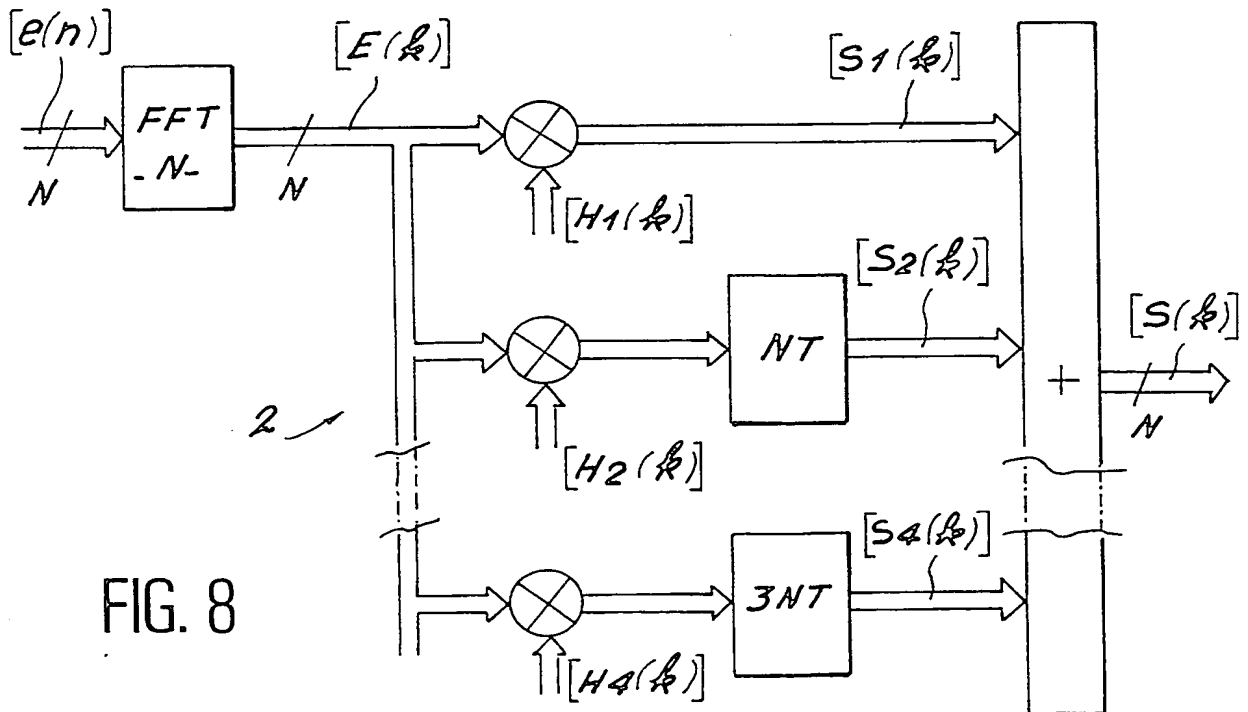


FIG. 8

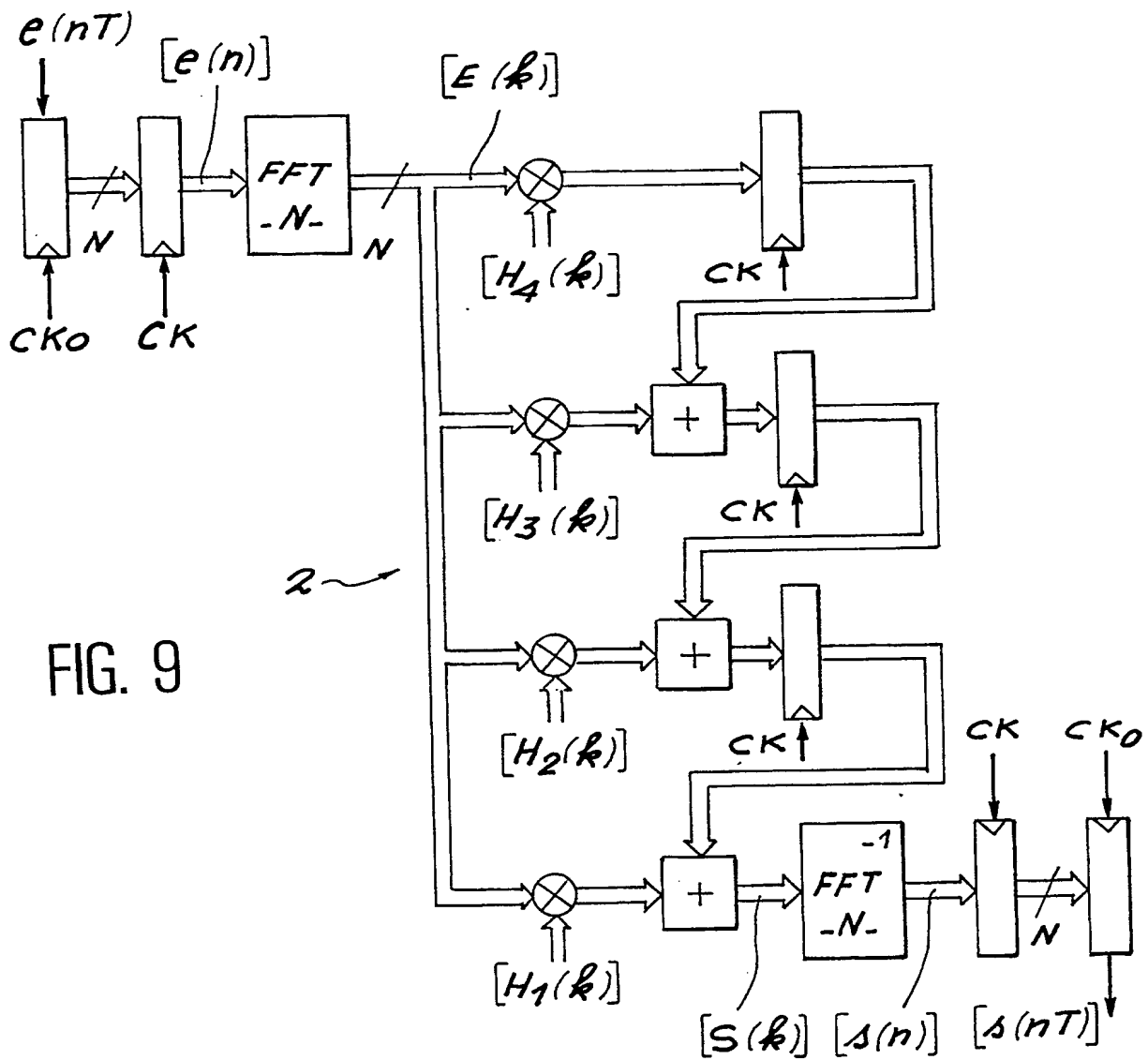
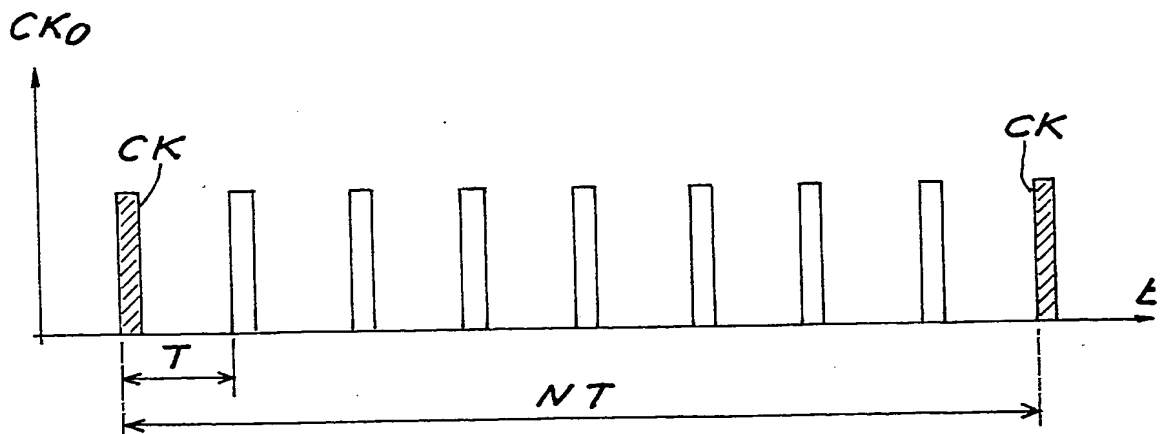


FIG. 10



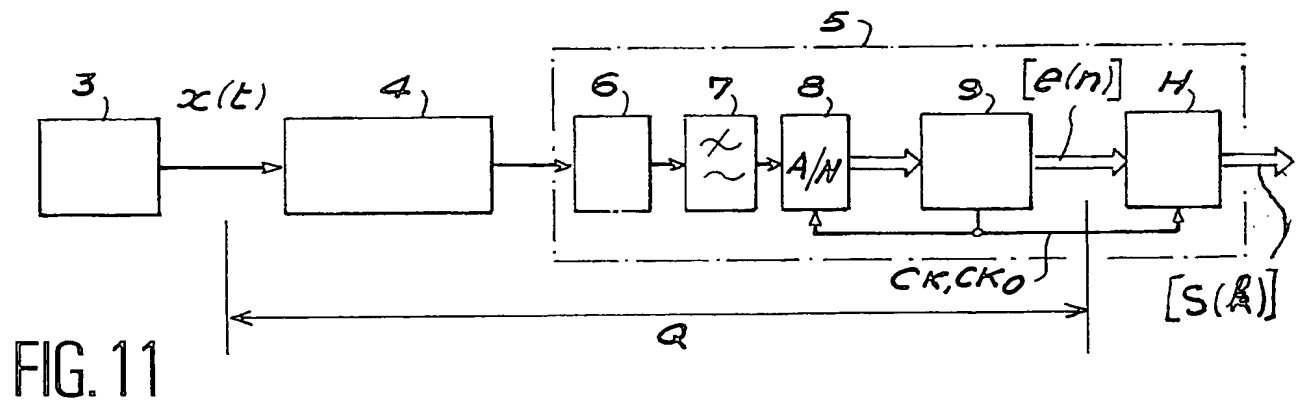


FIG. 11

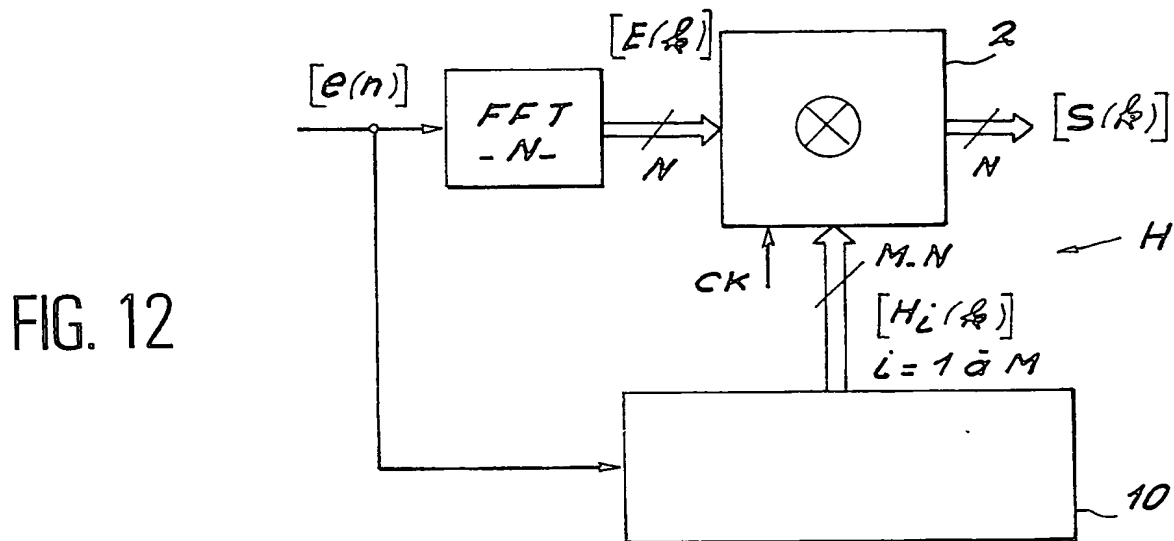


FIG. 12

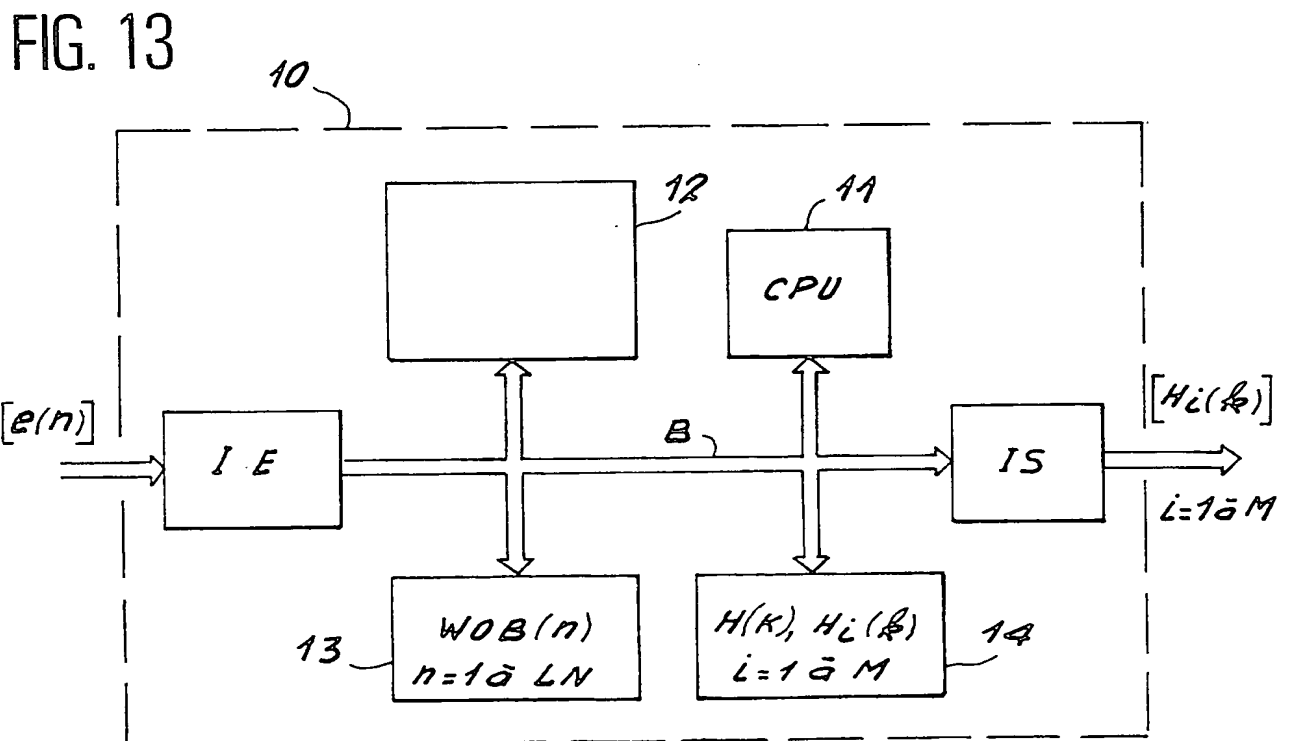


FIG. 13

REPUBLIQUE FRANÇAISE

2702612  
N° d'enregistrement  
national

INSTITUT NATIONAL

de la

PROPRIÉTÉ INDUSTRIELLE

RAPPORT DE RECHERCHE

établi sur la base des dernières revendications  
déposées avant le commencement de la recherche

PRELIMINAIRE

FA 485156  
FR 9302977

DOCUMENTS CONSIDERES COMME PERTINENTS		Revendications concernées de la demande examinée
Catégorie	Citation du document avec indication, en cas de besoin, des parties pertinentes	
A	PROCEEDINGS 1987 INTERN. CONF. ON . ACOUS SPEECH, AND SIGNAL PROCESSING; 6-9 APRIL 1 P 2161-2164; DALLAS (US); J.P. PRINCEN et SUBBAND/TRANSFORM CODING FILTER BANK DESIG * le document en entier * -----	1
		DOMAINES TECHNIQUES RECHERCHES (Int.Cl.5)
		H03H
Date d'achèvement de la recherche		Examineur
29 Novembre 1993		Coppieters, C
<p><b>CATÉGORIE DES DOCUMENTS CITÉS</b></p> <p>X : particulièrement pertinent à lui seul Y : particulièrement pertinent en combinaison avec un autre document de la même catégorie A : pertinent à l'encontre d'au moins une revendication ou arrière-plan technologique général O : divulgation non-écrite P : document intercalaire</p> <p>T : théorie ou principe à la base de l'invention E : document de brevet bénéficiant d'une date antérieure à la date de dépôt et qui n'a été publié qu'à cette date de dépôt ou qu'à une date postérieure. D : cité dans la demande L : cité pour d'autres raisons &amp; : membre de la même famille, document correspondant</p>		

1

EPO FORM 1503 03.82 (P04C12)